

# ТФП, язык Haskell

## Лекция 8

# Контейнерный тип данных

Контейнерный тип данных – такой тип, значения которого содержат в себе объекты других типов.

Пример:

Just 10\*

[1,2,3]

(каковы типы у этих объектов?)

# Класс Functor

Определение класса Functor:

```
class Functor f where  
  fmap :: ( a -> b ) -> f a -> f b
```

Исходя из типа функции `fmap` можно сделать вывод о том, что `f` – это некоторый контейнерный тип.

# Класс Functor

Тип функции fmap:

$$\text{fmap} :: ( a \rightarrow b ) \rightarrow f a \rightarrow f b$$

«fmap – функция, принимающая на вход два аргумента, первый из которых – функция, определённая на значениях типа a и принимающая значения на типе b, второй аргумент – некий контейнер типа f, содержащий значения типа a и результат – контейнер типа f, содержащий значения типа b»

# Класс Functor, интуиция (1/2)

$$fmap :: ( a \rightarrow b ) \rightarrow f a \rightarrow f b$$

Типом  $f$  является контейнерный тип (например, список, дерево, `Maybe`) содержащий значения типа  $a$ .

Мы хотим применить к элементам внутри этого контейнера функцию ( первый аргумент `fmap`) и в результате получить новый контейнер, содержащий результат данного преобразования.

# Класс Functor, интуиция (1/2)

`fmap :: ( a -> b ) -> f a -> f b`

В качестве примера можно вспомнить функцию `map`, которая применяет функцию (свой первый аргумент) ко всем элементам в списке (второй аргумент) и возвращает список, содержащий результаты.

`map ( ( + ) 1 ) [ 1 , 2 , 3 ]`

# Класс Functor, интуиция (2/2)

$fmap :: ( a \rightarrow b ) \rightarrow ( f a \rightarrow f b )$

Еще один интуитивный подход к функции `fmap`. В Haskell все функции каррированы. В данном случае можно думать о функции `fmap`, как о функции, которая принимает на вход «обычную» (определённую над некоторыми типами) функцию и в качестве результата производит её вариант для работы с данным контейнерным типом.

# Класс Functor, законы

$$\text{fmap} :: ( a \rightarrow b ) \rightarrow ( f a \rightarrow f b )$$

Реализация функции `fmap` должна удовлетворять двум законам:

$$\text{fmap id} = \text{id}^*$$
$$\text{fmap} ( g . h ) = \text{fmap} g . \text{fmap} h$$

Таким образом, функтор должен сохранять структуру композиции морфизмов.

\*каков тип у функции `id`? Что она делает?



# Класс Functor, go ahead

```
fmap :: ( a -> b ) -> ( f a -> f b )
```

```
{--
```

```
    Проверьте, удовлетворяет ли такое определение  
    функции fmap законам, приведённым выше.
```

```
--}
```

```
instance Functor [] where
```

```
    fmap _ [] = []
```

```
    fmap g (h:t) = ( g h ) : ( g h ) : ( fmap g t )
```

# Класс Functor, go ahead 2

```
fmap :: ( a -> b ) -> ( f a -> f b )
```

```
{--  
    Проверьте, удовлетворяет ли такое определение  
    функции fmap законам, приведённым выше.  
--}  
instance Functor Maybe where  
    fmap g ( Just a ) = Just ( g a )  
    fmap _ ( Nothing ) = Nothing  
  
{--  
    Возможно ли реализовать функцию fmap для Maybe так,  
    чтобы она не удовлетворяла законам? Если да, то  
    приведите конструктивный пример.  
--}
```

# A few ideas

Предположим, что у вас есть две функции типа

$$f, g :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$$
$$f = (+) 1$$
$$g = (+) 2$$

Вы бы хотели следить за вычислениями, где используются эти функции, например, используя некую отладочную информацию.

# A few ideas

```
f, g :: Int -> Int
```

```
f = (+) 1
```

```
g = (+) 2
```

К примеру, можно определить новые функции, которые вместе с результатом исполнения `f` и будут возвращать строку с информацией о процессе вычисления.

```
f', g' :: Int -> (Int, String)
```

```
f' x = ( f x, «f was called» )
```

```
g' x = ( g x, «g was called» )
```

# A few ideas

Для  $f$  и  $g$  очень легко определяется композиция  $(f.g)$ , но что делать с композицией  $f'$  и  $g'$  (тип результатов этих функций не совпадает с типом параметров)?

Скорее всего, вам бы пришло в голову написать такой код:

```
test x = let ( y, s ) = g' x
          let ( z, s' ) = f' y in ( z, s ++ s' )
```

# A few ideas

Скорее всего, вам бы пришло в голову написать такой код:

```
test x = let ( y, s ) = g' x
          let ( z, s' ) = f' y in ( z, s ++ s' )
```

Каждый раз, когда вам понадобилось бы использовать композицию  $f'$  и  $g'$ .

Что утомительно.

# A few ideas

```
test x = let ( y, s ) = g' x
          let ( z, s' ) = f' y in ( z, s ++ s' )
```

Почему бы не определить функцию, которая бы делала это за нас?

```
bind :: (Int -> (Int, String)) -> (Int, String) -> (Int, String)
```

# A few ideas

```
bind :: (Int -> (Int, String)) -> (Int, String) -> (Int, String)
```

Что бы мы хотели от этой функции? Она, очевидно, должна связывать две функции. ( См. Предыдущий слайд).

Реализуйте функцию bind.

Hint:

```
>let h' = bind f' . g'  
>h' 10  
(13, «f was calledg was called»)
```



# A few ideas

Но что делать, если в вычислениях, где участвуют функции  $f'$  и  $g'$  мы хотим использовать значения типа `Int`?

Нам понадобится функция, которая переводит значение типа `Int` в значение типа `(Int, String)`.

```
unit :: Int -> ( Int, String )
```

Реализуйте функцию `unit`. (hint: строка может быть константой)

# A few ideas

## Несколько примеров:

```
Prelude> unit 10
```

```
(10,"unit")
```

```
Prelude> (bind f' . ( unit ) ) 10
```

```
(11,"f was calledunit")
```

```
Prelude> bind f' (unit 10 )
```

```
(11,"f was calledunit")
```

# A few ideas

Вообще, можно определить контейнерный тип

```
type Dbg a = ( a, String )
```

Тогда тип функции bind:

```
bind :: ( a -> Dbg a ) -> Dbg a -> Dbg a
```

Тип unit:

```
unit :: a -> Dbg a
```

# A few ideas

```
bind :: ( a -> Dbg a ) -> Dbg a -> Dbg a
unit :: a -> Dbg a
```

А теперь давайте посмотрим на класс Monad:

```
class Monad m where
  (>>=) :: m a -> ( a -> m b ) -> m b
  (>>)  :: m a -> m b -> m b
  return :: a -> m a
```

# A few ideas

Мы изобрели монаду. Очевидно, что тип нашей функции `bind` с точностью до порядка аргументов совпадает с типом `(>>=)`, а тип `unit` с совпадает с типом `return`.

Можно говорить о том, что мы реализовали

`Instance Monad Dbg.`

# A few further ideas

Если вы попытаетесь описать вычислительные процессы, в которых участвуют функции типа

```
Complex Float -> [ Complex Float ]
```

Которые работают с типом комплексных чисел, вы с большой вероятностью изобретёте монады ещё раз.

# A few further ideas

Если вы попытаетесь описать вычислительные процессы, в которых участвуют функции, работающие с генератором случайных чисел, вы с большой вероятностью изобретёте монады ещё раз.

# Monads. Now what?

На данный момент мы поняли, что монады позволяют связывать функции в вычислительные процессы.

Теперь нам предстоит ответить на вопросы:

- 1) зачем и что из этого можно получить?
- 2) каким законам должны подчиняться наши реализации монад?

Это все будет на следующей лекции.